**9. klase**

Tīrrakstā ir jāraksta ne tikai uzdevuma atbilde, bet arī risinājums, spriedumi, aprēķini, secinājumi.

Tīrrakstā uzdevumu numuriem jābūt labi pamanāmiem – izceltiem vai atdalītiem no pārējā teksta.

Katru uzdevumu vērtē ar 0 – 10 punktiem.

12.03.2020.

**1.** Kādām naturālām vērtībām izteiksmes vērtība ir vesels skaitlis?

**2.** Atrast visus naturālos skaitļus intervālā , kuriem izpildās šāda īpašība: jebkuram naturālam skaitlim , kuram ir spēkā , kur ir skaitļu 1, , , 100 vidējais aritmētiskais.

**3.** Punkts atrodas uz stara un punkti un atrodas uz stara tā, ka un . Leņķa bisektrise krusto staru punktā . Pierādīt, ka ir bisektrise!

**4.** Vai eksistē tādi četri dažādi **a)** naturāli skaitļi, **b)** pirmskaitļi , ka vienlaicīgi izpildās šādi nosacījumi:

* dalās ar ,
* dalās ar ,
* dalās ar ,
* dalās ar ?

**5.** Vai kubu ar izmēriem iespējams salikt no ķieģeļiem, kuru izmēri ir

**10. klase**

Tīrrakstā ir jāraksta ne tikai uzdevuma atbilde, bet arī risinājums, spriedumi, aprēķini, secinājumi.

Tīrrakstā uzdevumu numuriem jābūt labi pamanāmiem – izceltiem vai atdalītiem no pārējā teksta.

Katru uzdevumu vērtē ar 0 – 10 punktiem.

12.03.2020.

**1.** Pierādīt, ka skaitlim ir vismaz 20 dažādi pozitīvi dalītāji!

**2.** Zināms, ka . Kāda var būt vērtība?

**3.** Taisnlenķa trijstūrī , kurā , novilkts augstums , nogriežņa viduspunkts ir . Punkti un ir attiecīgi nogriežņu un viduspunkti. Pierādīt, ka .

**4.** Aplūkojam skaitļu virkni 7; 737; 73737; 7373737; ..., kuras pirmais loceklis ir 7 un katru nākamo iegūst, iepriekšējam pierakstot galā 37. Pierādīt, ka neviens šīs virknes loceklis nedalās ar 17.

**5.** Dotas četras pēc ārējā izskata vienādas monētas, katras monētas masa ir 20 g vai 21 g. Kā noteikt katras monētas masu ar trīs svēršanām uz elektroniskajiem svariem, kas rāda uz svariem uzlikto monētu kopējo masu?

**11. klase**

Tīrrakstā ir jāraksta ne tikai uzdevuma atbilde, bet arī risinājums, spriedumi, aprēķini, secinājumi.

Tīrrakstā uzdevumu numuriem jābūt labi pamanāmiem – izceltiem vai atdalītiem no pārējā teksta.

Katru uzdevumu vērtē ar 0 – 10 punktiem.

12.03.2020.

**1.** Dota funkcija . Ar kādām parametra vērtībām funkcija ir augoša intervālā ?

**2.** Aplūkojam virkni 1; 2; 2; 3; 3; 3; 4; 4; 4; 4; 5; 5; 5; 5; 5; 6; 6; 6; 6; 6; 6; ..., kurā katrs naturālais skaitlis tiek atkārtots reizes. Pierādīt, ka šīs virknes -to locekli var aprēķināt pēc formulas

Ar apzīmējam skaitļa veselo daļu, tas ir, lielāko veselo skaitli, kas nepārsniedz . Piemēram, , , .

**3.** Četrstūris ievilkts riņķa līnijā. Pierādīt, ka trijstūros ievilkto riņķa līniju centri ir taisnstūra virsotnes!

**4.** Zināms, ka trīsciparu skaitlis ir pirmskaitlis un ka vienādojumam ir divas reālas saknes. Vai var gadīties, ka šīs saknes ir **a)** veseli skaitļi, **b)** racionāli skaitļi?

**5.** Atrast lielāko naturālo skaitli , kuram ir spēkā īpašība: lai kuras rūtiņas būtu aizkrāsotas rūtiņu tabulā, vienmēr varēs izvēlēties divas rindas un divas kolonnas tā, ka katra aizkrāsotā rūtiņa atrodas vai nu izvēlētajā rindā, vai izvēlētajā kolonnā (vai abās).

**12. klase**

Tīrrakstā ir jāraksta ne tikai uzdevuma atbilde, bet arī risinājums, spriedumi, aprēķini, secinājumi.

Tīrrakstā uzdevumu numuriem jābūt labi pamanāmiem – izceltiem vai atdalītiem no pārējā teksta.

Katru uzdevumu vērtē ar 0 – 10 punktiem.

12.03.2020.

**1.** Ģeometriskās progresijas pirmais, desmitais un 2020-ais loceklis ir naturāls skaitlis. Vai noteikti arī tās 2019-ais loceklis ir naturāls skaitlis?

**2.** Noteikt izteiksmes vislielāko un vismazāko vērtību, ja .

**3.** Riņķa līnijā ievilkta vienādsānu trapece , punkts ir garākā pamata viduspunkts. Punkts ir viduspunkts tam lokam , kas nesatur punktus un . Taisnes un krustojas punktā . Zināms, ka nogriežņi , un krustojas vienā punktā un . Pierādīt, ka .

**4.** Zināms, ka četrciparu skaitlis ir pirmskaitlis un ka vienādojumam ir trīs reālas saknes. Vai var gadīties, ka visas šīs saknes ir **a)** veseli skaitļi, **b)** racionāli skaitļi?

**5.** Kādā valstī ir 2020 pilsētas, katra ar katru ir savienota ar ceļu, ceļi ārpus pilsētām nekrustojas (izmantoti viadukti). Biznesmenis ar ceļu pārvaldi spēlē šādu spēli: katru dienu biznesmenis privatizē vienu ceļu, bet ceļu pārvalde nojauc desmit neprivatizētus ceļus. Pierādīt, ka biznesmenis var panākt, ka pēc kāda laika viņam pieder ciklisks ceļu maršruts kas iet caur tieši 70 pilsētām, katrā iegriežoties tieši vienu reizi!